

# Об одной проблеме при выдаче сертификатов открытых ключей постквантовых алгоритмов инкапсуляции ключа

Алексеев Евгений Константинович,  
к.ф.-м.н., Академия криптографии РФ, КристоПро, АНО «НТЦ ЦК»

Зинюк Борис Федорович,  
Академии криптографии РФ

# Квантовая угроза

- Квантовый компьютер – в корне отличающийся от классического принцип вычислений
- Алгоритмы Шора позволяют взламывать такие криптосистемы, как RSA, ECDSA и ГОСТ Р 34.10-2012
- Создание достаточно мощного квантового компьютера – все еще открытая инженерно-техническая задача, но мощности растут:
- Опасность:
  - трафик можно собирать сейчас, а расшифровать потом
  - сложность перехода на новую криптографию в промышленных масштабах



- Квантовое распределение ключей
  - Стойкость основана на физических принципах
  - Требуется наличия достаточно сложной аппаратуры
  - Требуется предварительного распределения симметричного ключа
- Постквантовые алгоритмы
  - Стойкость основана на математических задачах, для которых не известно эффективных алгоритмов решения ни на классическом, ни на квантовом компьютере
  - Могут быть реализованы программно
  - Заметно менее эффективны (и по времени вычислений, и по размерам параметров), чем классические криптоалгоритмы

- Два основных класса алгоритмов:
  - электронная подпись
  - алгоритм шифрования ключа (KEM – Key Encapsulation Mechanism)
- Состояние исследований в мире и в РФ
  - Открытый конкурс NIST в США: 2017-2023 год, 4 победителя (и 5 альтернативных схем):
    - 1 KEM: CRYSTALS-KYBER (решетки)
    - 3 схемы подписи: CRYSTALS-Dilithium (решетки), FALCON (решетки), SPHINCS+ (хэши)
  - Рабочая группа в ТК26: функционирует с 2021 года, в разработке следующие механизмы:
    - 2 KEM: на основе кодов и решеток
    - 3 схемы подписи: Гиперикум (хэши), Крыжовник (решетки), Шиповник (коды)

# Выдача сертификатов для КЕМ

- Протокол выдачи сертификата:
  - Клиент генерирует ключевую пару и подписывает запрос на сертификат
- Зачем подписывать запрос на сертификат?
  - Доказательство владения закрытым ключом (Proof-of-Possession, PoP)
  - Если нет PoP, возможны атаки на прикладные протоколы: UKS-атака на протокол STS-MAC [MQV95]
  - Подробнее: «On the usefulness of proof-of-possession», 2003 [ANL03]
- Выдача сертификата для существующих КЕМ
  - Выработка ключа по схеме Диффи-Хеллмана и дальше симметричное шифрование
  - Ключевая пара – скаляр  $d$  и соответствующая кратная точка  $Q = d \cdot P$  (как и для подписи!)
  - PoP для таких КЕМ – подпись запроса на сертификат с помощью ключа  $d$

## Конкурс NIST. КЕМ

### Решетки

- CRYSTALS-Kyber
- Saber
- Frodo

### Коды

- Classic McEliece
- BIKE
- HQC

## Конкурс NIST. Signature

### Решетки

- CRYSTALS-Dilithium
- Falcon

### Хэш-функции

- SpHincS+

# Проблема постквантового КЕМ

## Конкурс NIST. KEM

Решетки

- CRYSTALS-Kyber
- Saber
- Frodo

Коды

- Classic McEliece
- BIKE
- HQC

## Конкурс NIST. Signature

Решетки

- CRYSTALS-Dilithium
- Falcon

Хэш-функции

- Sphincs+



Ключи схем несовместимы по формату



Ключи схем потенциально (!) совместимы

- Оффлайн-запрос на сертификат (схема запрос-ответ):
  - Использование ключа КЕМ для подписи запроса
  - Зашифрованный сертификат
  - Генерация ключа с доказательством (Verifiable Generation)
- Онлайн-запрос на сертификат (протокол с 3+ пересылками)
  - Доказательство с помощью расшифрования: протоколы из [CMP05]



## Конкурс NIST. KEM

Решетки

- CRYSTALS-Kyber

## Конкурс NIST. Signature

Решетки

- CRYSTALS-Dilithium

Параметры:  $q, n, k, l$  – натуральные числа,  $\chi$  – распределение над  $R_q$

$R_q = \mathbb{Z}_q[x]/(x^n + 1)$  – кольцо многочленов

**Закрытый ключ:**  $(s, e) \in R_q^k \times R_q^l$  – два вектора многочленов  
(многочлены выбраны в соответствии с  $\chi$ )

**Открытый ключ:**  $(A, b = A \cdot s + e) \in R_q^{k \times l} \times R_q^l$  – матрица и вектор многочленов

## Конкурс NIST. KEM

Решетки

- CRYSTALS-Kyber

## Конкурс NIST. Signature

Решетки

- CRYSTALS-Dilithium

НО:

- используются различные параметры  $q, n, k, l$  и  $\chi$  для одного уровня стойкости;
- в схеме подписи Dilithium дополнительно используются механизмы сжатия открытого ключа.

## Открытые направления исследований:

- построение постквантовых схемы подписи и схемы КЕМ с одинаковым алгоритмом генерации ключевой пары;
- исследование безопасности одновременного использования одной ключевой пары для подписи и для КЕМ.

# Зашифрованный сертификат

- Основная идея: без знания закрытого ключа клиент не расшифрует сертификат
- Способ упоминается в RFC 4210 [CMP05]
- Эксплуатационные недостатки:
  - УЦ не должен публиковать сертификат, пока не будет уверен, что он расшифрован (без второго сообщения от клиента, это невозможно)
- Криптографические недостатки – кросс-протокольные атаки:
  - нарушитель взял открытый ключ из прикладной системы, где аутентификация осуществляется путем предъявления результата расшифрования
  - после выдачи УЦ зашифрованного сертификата нарушитель получает его через штатный функционал прикладной системы

# Расширенный интерфейс КЕМ

- Стандартный интерфейс схемы КЕМ:
  - $\text{KEM.KeyGen}() \rightarrow (pk, sk)$
  - $\text{KEM.Encaps}(pk) \rightarrow (c, K)$
  - $\text{KEM.Decaps}(sk, c) \rightarrow K$  или  $\perp$
- Новый подход предложен в 2022 году в работе «Proof-of-Possession for KEM Certificates using Verifiable Generation» [GHLOSZ22]
- Расширение интерфейса КЕМ:
  - Вместо  $\text{KeyGen}()$  теперь  $\text{KGP}(attr) \rightarrow (pk, sk, \pi)$ ,  
где  $\pi$  – док-во владения  $sk$  «с привязкой» к строке атрибутов  $attr$
- Может рассматриваться, как частный случай совместимых схем подписи и КЕМ, но с одним запросом на подпись, причем в момент генерации ключа

# Выводы

- Оффлайн-запрос на сертификат (схема запрос-ответ):
  - Использование ключа КЕМ для подписи запроса
    - Необходимо разработать безопасно совместимые схемы КЕМ и подписи
  - Зашифрованный сертификат
    - Проблемы эксплуатационного и криптографического характера
  - Генерация ключа с доказательством (Verifiable Generation)
    - Новый подход, необходимо учесть при разработке КЕМ
- Онлайн-запрос на сертификат (протокол с 3+ пересылками)
  - Доказательство с помощью расшифрования: протоколы из [СМР05]
    - Существенное усложнение процедуры выпуска сертификата

Спасибо за внимание!

[MQV95] Menezes A.J., Qu M., Vanstone S.A. «Some new key agreement protocols providing implicit authentication». Workshop on Selected Areas in Cryptography (SAC'95), pp. 22--32, 1995.

[ANL03] Asokan N., Niemi V., Laitinen P. «On the usefulness of proof-of-possession». 2nd Annual PKI Research Workshop – Pre-Proceedings, 2003.

[CMP05] RFC 4210 «Internet X.509 Public Key Infrastructure Certificate Management Protocol (CMP)». Adams C., Farrell S., Kaese T., Mononen T. 2005.

[GHLOSZ22] Guneyusu T., Hodges P., Land G., Ounsworth M., Stebila D., Zaverucha G. «**Proof-of-possession for KEM certificates using verifiable generation**», Cryptology ePrint Archive, Paper 2022/703.



## Конкурс NIST. КЕМ

### Решетки

- CRYSTALS-Kyber
- Saber
- Frodo

### Коды

- Classic McEliece
- BIKE
- HQC

Какие схемы подписи могут использоваться для подписания запросов на сертификат?



Финалисты конкурса



Альтернативные схемы